

EPREUVE DE MATHÉMATIQUES
(Calculatrices non autorisées)

Durée : 2 heures

Coefficient : 05

L'épreuve comporte deux (2) parties indépendantes à traiter obligatoirement.

Première partie : (10 points)

- 1) Un champ rectangulaire a sa largeur l comprise strictement entre 38 m et 39 m tandis que sa longueur L est strictement comprise entre 64 m et 65 m.

Déterminer un encadrement de sa surface $S = L \times l$. (0,5 pt)

- 2) Développer l'expression $f(x) = (x\sqrt{3} - 1)^2$ en utilisant une identité remarquable que l'on précisera. (1 pt)

- 3) Réduire autant que possible l'expression

$$P(x) = 1 + 5x^2 + 7x - 13x^2 + 2x - 49 + 8x^2 - 15x - 1. \text{ (1 pt)}$$

- 4) Résoudre par substitution, dans $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$, le système (S) : $\begin{cases} -3x + y = 5 \\ 5x - 4y = 1 \end{cases}$ (1,5 pt)

- 5) On donne la fonction rationnelle q définie de \mathbb{R} vers \mathbb{R} par :

$$q(x) = \frac{(2x - 3)(2 - x)}{(x - 3)(2 - x) + (x - 3)(-3x + 1)}$$

L'ensemble de définition de q est :

a) $Dq = \mathbb{R} \setminus \left\{ 2; 3; \frac{1}{3} \right\}$; b) $Dq = \mathbb{R} \setminus \{3; 2\}$; c) $Dq = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{3}{4}; 3 \right\}$

d) $Dq = \left\{ 2; 3; \frac{1}{3} \right\}$; e) $Dq = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{1}{3}; 2 \right\}$; f) $Dq = \left\{ \frac{3}{4}; 3 \right\}$

Il y a une seule bonne réponse. Ecrire la lettre correspondant à cette bonne réponse. (1 pt)

- 6) Dans un repère cartésien (O, \vec{i}, \vec{j}) , on donne le point A (3 ; - 4). Déterminer une équation de la droite (D) passant par A et parallèle à l'axe des abscisses. (La figure n'est pas demandée). (1 pt)

- 7) Les pointures de 200 chaussures contenues dans une caisse sont réparties selon le tableau suivant :

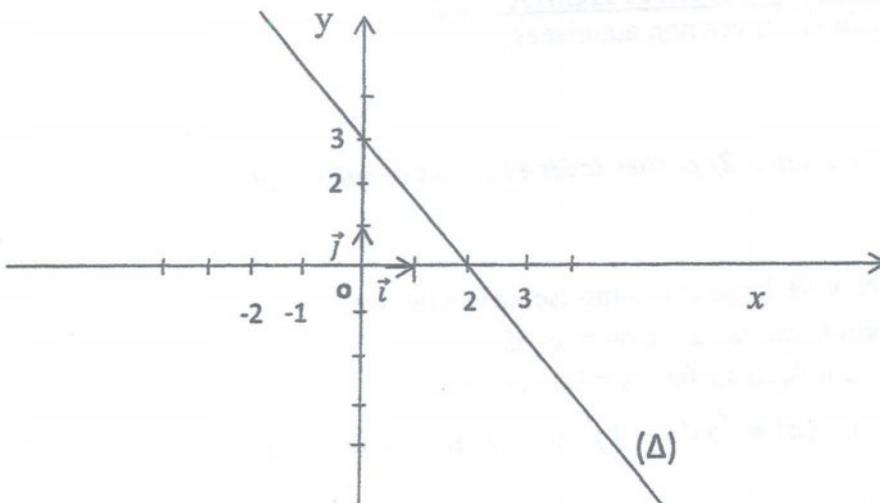
Pointures	35	36	37	38	39	40
Effectifs	25	30	15	40	35	55

Reproduire le tableau en le complétant par les effectifs cumulés croissants. (1,5 pt)

- 8) Dans un repère cartésien (O, \vec{i}, \vec{j}) , on donne le vecteur $\vec{v} \begin{pmatrix} -2 \\ -2 \end{pmatrix}$ et le point M (-1 ; 3). Calculer les coordonnées de l'image M' de M par la translation de vecteur \vec{v} . (1 pt)

- 9) Dans un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) , soit (Δ_1) la droite de coefficient directeur $m_1 = \frac{3}{\sqrt{3}}$ et soit (Δ_2) la droite de coefficient directeur $m_2 = \sqrt{3}$. Montrer que (Δ_1) et (Δ_2) sont parallèles. (1 pt)

10) Dans le plan muni d'un repère (O, \vec{i}, \vec{j}) , (Δ) représente graphiquement une application affine g .



D'après la représentation graphique, l'équation $g(x) = 0$ a pour ensemble solution : a) $S = \{3\}$;
 b) $S = \{2\}$; c) $S = \{0\}$; d) $S = \{2 ; 3\}$

Il y a une seule bonne réponse. Ecrire la lettre qui lui correspond. (0,5 pt)

Deuxième partie : (10 points)

Exercice 1 (4 points)

Soit f la fonction définie de \mathbb{R} vers \mathbb{R} par : $f(x) = 3x - \left|1 - \frac{1}{2}x\right|$

1) Montrer que f est l'application affine par intervalles définie par :

$$f(x) = \begin{cases} \frac{7}{2}x - 1 & \text{si } x \leq 2 \\ \frac{5}{2}x + 1 & \text{si } x \geq 2 \end{cases} \quad (2 \text{ pts})$$

2) Résoudre dans \mathbb{R} l'équation $f(x) = -1$. (2 pts)

Exercice 2 (3 points)

Un maraîcher utilise une motopompe pour déverser de l'eau dans un bassin afin d'arroser ses légumes. La motopompe déverse 16,5 litres d'eau toutes les 11 secondes dans le bassin. Soit V le volume d'eau déversée en x secondes dans le bassin.

1) Montrer que l'expression de V en fonction de x est $V(x) = 1,5x$. (1,5 pt)

2) Utiliser $V(x)$ pour déterminer :

a) le temps mis (en secondes) pour déverser 315 litres d'eau dans le bassin. (1 pt)

b) le volume d'eau qui est déversée en 360 secondes (c'est-à-dire en 6 minutes).

(0,5 pt)

Exercice 3 (3 points)

ETA est un triangle tel que $ET = 9$, $AT = 15$ et $EA = 12$.

1) Montrer que ETA est un triangle rectangle. On précisera le sommet de l'angle droit. (2 pts)

2) Calculer la tangente de l'angle $\widehat{E\hat{T}A}$. (1 pt)

(La figure n'est pas demandée sur la copie.)